Zum Auswahlaxiom

Besprechung am 14. November

- 32. Zeige, dass das Auswahlaxiom äquivalent ist zu folgenden Aussagen:
 - (a) Cartesische Produkte nicht-leerer Mengen sind nicht leer.
 - (b) Zu jeder Äquivalenzrelation existiert ein Repräsentantensystem.
 - (c)* Jeder Ring besitzt eine Quadratwurzelfunktion.
- **33.** Eine Familie \mathscr{F} von Mengen hat *endlichen Charakter* falls gilt: Eine Menge X ist in \mathscr{F} genau dann wenn jede endliche Teilmenge von X in \mathscr{F} ist.

Das **Teichmüller Prinzip** besagt, dass jede Familie mit endlichem Charakter bezüglich Inklusion eine maximale Menge besitzt.

Zeige, mit Hilfe der Äquivalenz des Auswahlaxioms und des Wohlordnungsprinzips, dass das Teichmüller Prinzip äquivalent ist zum Auswahlaxiom.

- 34. Zeige mit dem Teichmüller Prinzip, dass jeder Vektorraum eine Basis besitzt.
- **35.** Zeige mit dem Teichmüller Prinzip, dass sich jeder Filter über S zu einem Ultrafilter über S erweitern lässt.

^{*}nicht Prüfungsstoff